

$$p^4 + q^4 + r^4 + 119 = s^2$$

$p, q$  ve  $r$  5'ten farklı asallar olsunlar.

İfadeyi mod 5'te inceleyerek Fermat teoreminden

$p^4, q^4$  ve  $r^4$  mod 5'te 1'e denk olur. Buradan

$2 \equiv s^2 \pmod{5}$  olur. Ama 2 mod 5'te kare kalan değildir.

Ö zaman  $p, q, r$  den biri 5 olmalıdır.

Genelliği bozmadan  $r=5$  olsun.

$p$  ve  $q$  tek asallar olsunlar. İfadeyi mod 8'de inceleyerek

$p^4, q^4$  ve  $5^4$  mod 8'de 1 olur. Buradan

$s^2 \equiv 2 \pmod{8}$  olur. Ancak 2 mod 8'de kare kalan

değildir. Ö zaman  $p$  ve  $q$  deni biri 2 olmalı. yine genelliği

bozmadan  $q=2$  olsun. İfade

$$p^4 + 760 = s^2 \text{ oldu. } p^4 \text{ü } k \text{ sayıya atıp çarpanlarına}$$

ayırırsak.

$$760 = (s-p^2)(s+p^2) \text{ olur. } 760 = 8 \cdot 5 \cdot 19 \text{ dur.}$$

iki ifadenin toplamı çift olduğundan ve  $s+p^2 > s-p^2$  olduğundan

$$760 = (s-p^2)(s+p^2)$$

$$25 \quad 4 \cdot 19$$

$$2 \quad 4 \cdot 19 \cdot 5$$

$$4 \cdot 5 \quad 4 \cdot 19$$

$$4 \quad 4 \cdot 19 \cdot 5$$

Durumları mümkündür. Buradanda sadece  $p=3$  çözümü gelir. Yani

$p, q, r$

2, 3, 5

değerleri olabilir. ifade simetrik olduğundan

$3! = 6$  durum vardır.